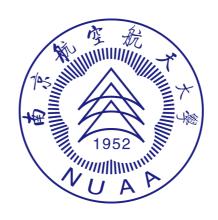
# 正式赛

2024 年 11 月 3 日



## 试题列表

Α	嘿,有看到我的袋鼠吗?
В	生日礼物
C	拓扑
D	棋字井
E	左移 3
F	地铁
G	二叉树
Н	博德之跃 2
I	Bingo
J	社交媒体
K	纸条
L	P  xor  Q = R
M	我将如潮水般归来

本试题册共 13 题, 19 页。 如果您的试题册缺少页面,请立即通知志愿者。

# 承办方



# 命题方



# Problem A. 嘿, 有看到我的袋鼠吗?

### 请注意本题不同寻常的空间限制。

继 2018, 2019, 2020, 2021, 2022 和 2023 年成功承办赛事之后,南京航空航天大学(NUAA)将连续第七年承办国际大学生程序设计竞赛(ICPC)。

在 2018 与 2019 年,"中二之力"队与"三个顶俩"队为清华大学赢得了冠军。在 2020, 2021 与 2022 年,北京大学的"逆十字"队赢得三连冠。在 2023 年,来自北京大学的另一支队伍"重生之我是菜狗"赢得了冠军。他们还赢得了第 46 届 ICPC 世界总决赛的冠军,在 13 年后为 EC 赛区重新赢回了奖杯。

今年,将会有约 335 支队伍参与南京站的竞赛。本次竞赛将会颁发至多 33 项金奖,66 项银奖与99 项铜奖(数字仅供参考)。让我们期待选手们出色的表现!我们还想要感谢竞赛组委会与志愿者们的努力付出。感谢你们为本次竞赛做出的贡献!



在 2023 ICPC 国际大学生程序设计竞赛亚洲区域赛(南京站)中拍摄的照片

在 2018 年的竞赛中, K 题《袋鼠谜题》要求选手为以下游戏构造一个操作序列:

谜题由一个 n 行 m 列的网格( $1 \le n, m \le 20$ )组成,且有一些(至少 2 只)袋鼠位于网格中。玩家的目标是控制袋鼠并把它们聚集在同一个格子中。一些格子里有墙,袋鼠无法进入这些有墙的格子,而其它格子是空的。袋鼠可以从一个空格子移动到上,下,左,右相邻的另一个空格子中。

游戏开始时,每个空格子里都有一只袋鼠。玩家可以通过键盘上 U, D, L, R 四个按键控制袋鼠的移动。所有袋鼠会同时根据您按下的按键移动。

选手需要构造一个长度至多为 $5 \times 10^4$ 且由U, D, L, R组成的操作序列以达成目标。

在 2020 年的竞赛中,A 题《啊,昨日重现》要求选手构造一张输入地图,以证明以下代码并不是上述问题的解:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
string s = "UDLR";
int main()
{
    srand(time(NULL));
    for (int i = 1; i <= 50000; i++) putchar(s[rand() % 4]);
    return 0;
}</pre>
```

此外,在 2021 年的竞赛(A 题,《呀,昨日再次重现》),2022 年的竞赛(A 题,《停停,昨日请不要再重现》)和 2023 年的竞赛(A 题,《酷,昨日四次重现》)中,每年都有一道与袋鼠相关的问题!我们很想向您介绍所有这些问题,但如果我们每年都这样做,在 3024 年的竞赛中将会有一道题拥有长达 500 页的题面。因此,这次我们省略它们。另外,您可能已经在热身赛中见过它们了。

在 2024 年的竞赛中,如大家期待的那样,袋鼠题又回来啦!我们不知道为什么命题组的成员们那么喜欢袋鼠,但题目如下:

给定一张 n 行 m 列的网格。一些格子里有墙,袋鼠无法进入这些有墙的格子,而其它格子是空的,每个空格子中都有一只袋鼠。袋鼠可以从一个空格子移动到上,下,左,右相邻的另一个空格子中。

袋鼠可以被键盘上的 U, D, L, R 键控制。所有袋鼠会同时根据按下的按键移动。具体来说,对于一只位于第i77 列的格子(用(i,j)表示)上的袋鼠:

- 1. 按键 U: 若 i > 1 且 (i 1, j) 不是墙, 它会移动到 (i 1, j), 否则它会待在原地。
- 2. 按键 D: 若 i < n 且 (i + 1, j) 不是墙, 它会移动到 (i + 1, j), 否则它会待在原地。
- 3. 按键 L: 若 j > 1 且 (i, j 1) 不是墙, 它会移动到 (i, j 1), 否则它会待在原地。
- 4. 按键 R: 若 j < m 且 (i, j + 1) 不是墙,它会移动到 (i, j + 1),否则它会待在原地。

给定一个仅由字符 'U', 'D', 'L', 'R' 组成的操作序列  $s_1s_2...s_k$ ,我们将根据序列进行无限次操作。具体来说,若  $1 \le t \le k$ ,则第 t 次操作就是  $s_t$ ;否则若 t > k,则第 t 次操作和第 (t - k) 次操作相同。对于每个  $1 \le i \le n \times m$ ,求最小的整数  $v_i$ ,使得执行  $v_i$  次操作后,最多有 i 个格子里含有袋鼠。

### Input

每个测试文件仅有一组测试数据。

第一行输入三个整数 n, m 和 k  $(1 \le n, m \le 2 \times 10^5, 1 \le n \times m \le 2 \times 10^5, 1 \le k \le 200)$  ,表示网格的行数和列数,以及操作序列的长度。

第二行输入一个字符串  $s_1s_2\cdots s_k$   $(s_i\in \{'U', 'D', 'L', 'R'\})$  , 表示操作序列。

对于接下来 n 行,第 i 行输入一个二进制字符串  $a_{i,1}a_{i,2}\cdots a_{i,m}$   $(a_{i,j}\in \{`0',`1'\})$  。若  $a_{i,j}=`1'$  则格子 (i,j) 是空的,否则若  $a_{i,j}=`0'$  则格子 (i,j) 被阻塞,无法进入。保证网格中至少有一个空格子。

### Output

输出  $n \times m$  行,其中第 i 行输出一个整数  $v_i$ ,表示最少需要几次操作,才能使最多有 i 个格子里含有袋鼠。如果不可能做到,则在这一行输出 -1。

# Examples

standard input	standard output
3 3 6	-1
ULDDRR	4
010	2
111	1
010	0
	0
	0
	0
	0
3 3 6	7
ULDDRR	4
010	2
111	1
011	1
	0
	0
	0
	0
1 5 1	4
R	3
11111	2
	1
	0

## Problem B. 生日礼物

Grammy 的生日快要来了,她从她的朋友那里获得了一个序列 A 作为礼物。序列由 0, 1 和 2 构成。Grammy 觉得这个序列太长了,所以她打算把 A 修改得短一些。

更正式地, Grammy 可以执行任意次操作。每次她可以执行以下三种操作之一:

- 将任意一个 2 改为 0 或 1。
- 选择两个相邻的 0. 删除它们, 并将剩下的部分连接起来。
- 选择两个相邻的 1、删除它们、并将剩下的部分连接起来。

求 Grammy 能得到的最短序列的长度。

### Input

有多组测试数据。第一行输入一个整数 T 表示测试数据组数。对于每组测试数据:

第一行输入一个长度为 n 的字符串  $(1 \le n \le 2 \times 10^5)$  。字符串由数字 0,~1 和 2 构成,表示初始序列  $A \circ$ 

保证所有数据 n 之和不超过  $5 \times 10^5$ 。

### Output

每组数据输出一行一个整数,表示 Grammy 能得到的最短序列的长度。

### Example

standard input	standard output
5	3
0110101	4
01020102	0
0000021111	6
1012121010	0
0100202010	

## Problem C. 拓扑

给定一棵由 n 个节点组成的树,其中节点 1 是根。保证每个节点的编号都比它所有子节点小。树的拓扑序是一个满足以下限制的 n 的排列  $p_1,p_2,\ldots,p_n$ : 对于所有  $1\leq i < j \leq n$ ,节点  $p_j$  都不是节点  $p_i$  的父节点。

对于每个  $1 \le i \le n$ ,计算给定的树有多少拓扑序满足  $p_i = i$ 。答案对 998 244 353 取模。

### Input

每个测试文件仅有一组测试数据。

第一行输入一个整数 n  $(2 \le n \le 5000)$  ,表示树的节点数量。

第二行输入 (n-1) 个整数  $f_2, f_3, \ldots, f_n$   $(1 \le f_i < i)$  , 其中  $f_i$  是节点 i 的父节点。

### Output

输出一行 n 个由单个空格分隔的整数  $a_1,a_2,\cdots,a_n$ ,其中  $a_i$  表示给定的树有多少拓扑序满足  $p_i=i$ 。 答案对 998 244 353 取模。

### **Examples**

standard input	standard output
4	3 2 1 2
1 1 2	
9	672 420 180 160 152 108 120 170 210
1 1 2 2 3 3 4 5	

#### Note

对于第一组样例数据,树的拓扑序有:  $\{1,2,3,4\}$ ,  $\{1,3,2,4\}$  和  $\{1,2,4,3\}$ 。其中有 3 个序列满足  $p_1=1$ , 2 个序列满足  $p_2=2$ , 1 个序列满足  $p_3=3$ , 以及 2 个序列满足  $p_4=4$ 。

## Problem D. 棋字井

Alice 和 Bob 正在 n 块 3 行 3 列的棋盘上玩"棋字井"游戏。一些棋盘的一些格子一开始是空的,而其它格子里都有一些记号。Alice 先行动,他们轮流选择一个棋盘,并在该棋盘的一个空格中画上自己的记号。Alice 的记号是 'x',Bob 的记号是 'o'。

每位玩家必须确保在他/她行动之后,任何棋盘的任何行、列或对角线上都没有三个相同的标记。无法 在自己回合进行有效行动的玩家将输掉游戏,同时宣告另一位玩家获胜。

给定 n 块棋盘的初始状态,假设两位玩家都采用最优策略,您需要确定谁会获胜。

### Input

有多组测试数据。第一行输入一个整数 T 表示测试数据组数。对于每组测试数据:

第一行输入一个整数 n  $(1 < n < 10^5)$  ,表示游戏中的棋盘数量。

接下来输入 n 块大小为  $3 \times 3$  的棋盘。对于每块棋盘:

- 如果不是第一块棋盘, 首先会有一个空行。
- 对于接下来三行,第 i 行输入一个长度为 3 的字符串  $s_{i,1}s_{i,2},s_{i,3}$ ,字符串由字符 'x','o' 和 '.' 组成,描述一块大小为  $3\times3$  的棋盘。令 (i,j) 表示位于第 i 行第 j 列的格子。若  $s_{i,j}$  = 'x' 则格子 (i,j) 里有记号 'x',若  $s_{i,j}$  = 'o' 则格子 (i,j) 里有记号 'o',若  $s_{i,j}$  = '.' 则格子 (i,j) 是空的。

保证任何棋盘的任何行、列或对角线上都没有三个相同的标记。另外保证所有数据 n 之和不超过  $10^5$ 。

### Output

每组数据输出一行。如果 Alice 获胜,则输出 Alice;如果 Bob 获胜,则输出 Bob。

# Example

standard input	standard output
4	Alice
1	Alice
	Bob
	Bob
1	
00.	
00.	
2	
00.	
00.	
xx.	
xx.	
2	
x	
xo.	
• • •	
xo.	
0	
.x.	

## Problem E. 左移 3

给定一个长度为 n 的字符串  $S=s_0s_1\cdots s_{n-1}$ ,您可以将 S 左移至多 k 次(包括零次)。求操作之后,字符串中最多含有几个 "nanjing" 子串。

更 正 式 地 , 令 f(S,d) 表 示 将 S 左 移 d 次 后 获 得 的 字 符 串 。 也 就 是 说 f(S,d) =  $s_{(d+0) \bmod n} s_{(d+1) \bmod n} \cdots s_{(d+n-1) \bmod n}$  。 令  $g(f(S,d),l,r) = s_{(d+l) \bmod n} s_{(d+l+1) \bmod n} \cdots s_{(d+r) \bmod n}$  。 令 h(d) 表示整数对 (l,r) 的数量,满足  $0 \le l \le r < n$  且 g(f(S,d),l,r) = nanjing 。找到一个整数 d 满足  $0 \le d \le k$  并最大化 h(d) 。输出这个最大化的值。

### Input

有多组测试数据。第一行输入一个整数 T 表示测试数据组数。对于每组测试数据:

第一行输入两个整数 n 和 k  $(1 \le n \le 2 \times 10^5, 0 \le k \le 10^9)$  ,表示字符串的长度和最多能进行几次左移操作。

第二行输入一个长度为 n 的字符串  $s_0s_1\cdots s_{n-1}$ 。字符串由小写英文字母组成。

保证所有数据 n 之和不超过  $5 \times 10^5$ 。

### Output

每组数据输出一行一个整数、表示字符串中最多含有几个 "nanjing" 子串。

### Example

standard input	standard output
4	2
21 10	1
jingicpcnanjingsuanan	3
21 0	0
jingicpcnanjingsuanan 21 3	
nanjingnanjing 4 100 icpc	

#### Note

对于第一组样例数据,我们可以将字符串左移 6 次,得到字符串 "pcnanjingsuananjingic"。其中有两个 "nanjing" 子串。

对于第二组样例数据,因为 k=0,我们无法进行任何左移操作。原字符串中有一个 "nanjing" 子串。

## Problem F. 地铁

Pigeland 的地铁系统非常先进。地铁系统由 n 座车站构成,编号从 1 到 n,还有 k 条有向地铁线,编号从 1 到 k。线路 i 按顺序经过车站  $x_{i,1},x_{i,2},\cdots,x_{i,p_i}$ ,其中  $x_{i,j}$  是线路 i 经过的第 j 座车站。搭乘线路 i 从车站  $x_{i,j}$  到车站  $x_{i,j+1}$  需要花  $w_{i,j}$  单位时间。

当多条线路经过同一车站时,乘客可以在线路之间换乘。若乘客目前位于线路 x 上的一座车站,而线路 y 也经过该车站,他/她就能花  $a_y \times b_x$  单位时间从线路 x 换乘到线路 y,其中  $a_y$  和  $b_x$  是线路 y 和 x 给定的参数。换乘后,乘客位于相同车站的线路 y 中。

您将从车站 1 出发。对所有  $2 \le s \le n$ ,求到达车站 s 需要的最短时间。更具体地,您可以选择从车站 1 的任意线路出发,出发时不消耗换乘时间。保证所有车站都能从车站 1 到达。

### Input

每个测试文件仅有一组测试数据。

第一行输入两个整数 n 和 k  $(2 \le n \le 2 \times 10^5, 1 \le k \le 2 \times 10^5)$  ,表示车站的数量和地铁线的数量。

第二行输入 k 个整数  $a_1, a_2, \dots, a_k$   $(1 < a_i < 10^6)$  。

第三行输入 k 个整数  $b_1, b_2, \dots, b_k$   $(1 \le b_i \le 10^6)$  。

对于接下来 k 行,第 i 行首先输入一个整数  $p_i$   $(2 \le p_i \le n)$  ,表示线路 i 经过的车站数。接下来输入  $(2p_i-1)$  个整数  $x_{i,1},w_{i,1},x_{i,2},\ldots,x_{i,p_i-1},w_{i,p_i-1},x_{i,p_i}$   $(1 \le x_{i,j} \le n,\ 1 \le w_{i,j} \le 10^9)$  ,其中  $x_{i,j}$  是线路 i 经过的第 j 座车站, $w_{i,j}$  是搭乘线路 i 从车站  $x_{i,j}$  到车站  $x_{i,j+1}$  的耗时。一条地铁线经过的车站互不相同。

保证 
$$\sum_{i=1}^{k} (p_i - 1) \leq 2 \times 10^5$$
。

### Output

输出一行 (n-1) 个由单个空格分隔的整数  $d_2, d_3, \cdots, d_n$ , 其中  $d_i$  是从车站 1 到车站 i 的最短时间。

## **Examples**

standard input	standard output
6 3	2 5 21 14 18
1 5 1	
5 5 1	
3 1 2 2 3 3	
3 5 1 2 1 4	
3 3 4 5 4 6	
6 3	2 31 43 37 136
1 5 1	
5 5 1	
5 1 2 2 100 3 100 6 1 4	
5 1 100 2 4 3 100 5 1 4	
2 3 1 5	

# Problem G. 二叉树

#### 这是一道交互题。

给定一棵有 n 个节点的二叉树,您需要用至多  $p = \lfloor \log_2 n \rfloor$  次询问找到树中的一个特殊节点 s。也就是说,p 是满足  $2^p \le n$  的最大整数。

每次询问包含两个不同的节点 u 和 v。裁判程序会输出一个整数 t  $(0 \le t \le 2)$  表示询问的答案。令 d(a,b) 表示从节点 a 到节点 b 的简单路径上有几条边。

- 若 t=0, 则节点 u 离特殊节点更近。也就是说,d(u,s) < d(v,s)。
- 若 t=1, 则节点 u 和节点 v 到特殊节点的距离相同。也就是说,d(u,s)=d(v,s)。
- 若 t=2,则节点 v 离特殊节点更近。也就是说,d(u,s) > d(v,s)。

请注意:裁判程序是适应性的。也就是说,每组测试数据的答案不是事先确定的。裁判程序可以根据您的询问决定特殊节点,只要它的答案与之前的询问和答案不冲突即可。

### Input

有多组测试数据。第一行输入一个整数 T 表示测试数据组数。对于每组测试数据:

第一行输入一个整数 n  $(2 \le n \le 10^5)$  表示二叉树中节点的数量。

对于接下来 n 行,第 i 行输入两个整数  $x_i$  和  $y_i$   $(0 \le x_i, y_i \le n)$  ,表示第 i 个节点的左子节点和右子节点。若  $x_i = 0$ ,则第 i 个节点没有左子节点;若  $y_i = 0$ ,则第 i 个节点没有右子节点。

保证所有数据 n 之和不超过  $2 \times 10^5$ 。

### Interaction Protocol

要提出询问,请输出一行。首先输出 ?,之后跟一个空格,然后输出两个不同的由单个空格分隔的整数 u 和 v  $(1 \le u, v \le n)$  。在清空输出缓冲区之后,您的程序需要读入一个整数 t,表示对您的询问的回答。

要猜测特殊节点,请输出一行。首先输出!,之后跟一个空格,然后输出一个整数 s( $1 \le s \le n$ )表示特殊节点。在清空输出缓冲区之后,您的程序应该马上开始处理下一组测试数据。如果没有更多测试数据,您的程序应该立即退出。还请注意,猜测特殊节点不算一次询问。

清空输出缓冲区可以使用以下方式:

- C 和 C++ 使用 fflush(stdout) (如果您使用 printf) 或 cout.flush() (如果您使用 cout)。
- Java 使用 System.out.flush()。
- Python 使用 stdout.flush()。

# Example

standard input	standard output
2	
5	
0 0	
1 5	
2 4	
0 0	
0 0	
	? 5 1
1	
	? 1 4
0	
	! 2
2	
0 2	
0 0	
	? 2 1
2	
	! 1

## Problem H. 博德之跃 2

您有一个由小写英文字母组成的字符串 S。您需要对 S 执行若干次操作,直到它变为空字符串。每次您可以执行以下三种操作中的一种:

- 1. 删除 S 的第一个字符。
- 2. 删除 S 的最后一个字符。
- 3. 选择 S 的一个好子串 S', 并将 S 替换为 S'。

一个非空字符串 S' 被称为 S 的好子串,当且仅当  $S'\neq S$ , S' 是 S 的前缀,且 S' 的反串是 S 的后缀。长度为 k 的字符串  $p_1p_2\cdots p_k$  的反串是另一个长度为 k 的字符串  $p_kp_{k-1}\cdots p_1$ 。

求最多能执行多少次第3种操作。

### Input

有多组测试数据。第一行输入一个整数 T 表示测试数据组数。对于每组测试数据:

第一行输入一个由小写字母组成的字符串 S  $(1 \le |S| \le 10^5)$  。

保证所有测试数据 |S| 之和不超过  $2 \times 10^5$ 。

### Output

每组测试数据输出一行一个整数,表示最多能执行多少次第3种操作。

### Example

standard input	standard output
3	3
aaaa	4
abbaabba	0
xy	
xy	

#### Note

对于第一组样例数据: aaaa  $\xrightarrow{\mathrm{op.~3}}$  aaa  $\xrightarrow{\mathrm{op.~3}}$  aa  $\xrightarrow{\mathrm{op.~3}}$  a  $\xrightarrow{\mathrm{op.~2}}$   $\varnothing$   $\circ$ 

对于第二组样例数据: abbaabba  $\xrightarrow{\text{op. 3}}$  abbaabb  $\xrightarrow{\text{op. 1}}$  bbaabb  $\xrightarrow{\text{op. 1}}$  bbaabb  $\xrightarrow{\text{op. 1}}$  baab  $\xrightarrow{\text{op. 3}}$  baab  $\xrightarrow{\text{op. 3}}$  baab  $\xrightarrow{\text{op. 1}}$  aa  $\xrightarrow{\text{op. 1}}$   $\varnothing$   $\varnothing$ 

# Problem I. Bingo

给定两个整数 n 和 m,以及一个长度为  $n \times m$  的整数序列  $a_1, a_2, \cdots, a_{nm}$ ,我们将用序列里的数字填入一个 n 行 m 列的网格。具体来说,令 (i,j) 表示位于第 i 行第 j 列的格子,我们会将序列里的第  $((i-1)\times m+j)$  个数(也就是  $a_{(i-1)\times m+j}$ )填入那个格子中。

称整数 k 是序列的 "bingo 整数",若将所有数字填入格子后,以下两个条件至少满足一个。

- 至少存在一行,使得那一行所有格子里的整数都小于等于 k。
- 至少存在一列, 使得那一列所有格子里的整数都小于等于 k。

容易发现,一个序列可以有很多 bingo 整数。不过本题中,我们只对最小的 bingo 整数感兴趣。

对于给定序列的所有 (nm)! 个排列,求每个排列的最小 bingo 整数之和。由于答案可能很大,请将答案 对  $998\,244\,353$  取模后输出。

### Input

有多组测试数据。第一行输入一个整数 T 表示测试数据组数。对于每组测试数据:

第一行输入两个整数 n 和 m  $(1 \le n, m \le 2 \times 10^5, 1 \le n \times m \le 2 \times 10^5)$  ,表示网格的行数和列数。

第二行输入  $n \times m$  个整数  $a_1, a_2, \cdots, a_{nm}$   $(0 \le a_i < 998\,244\,353)$  表示给定序列。

保证所有数据  $n \times m$  之和不超过  $4 \times 10^5$ 。

### Output

每组数据输出一行一个整数表示答案。

### Example

standard input	standard output
4	56
2 2	60
1 3 2 4	60
3 1	855346687
10 10 10	
1 3	
20 10 30	
3 4	
1 1 4 5 1 4 1 9 1 9 8 10	

#### Note

对于第一组样例数据,如果 1 和 2 不在同一行或同一列,那么最小 bingo 整数就是 3,否则最小 bingo 整数就是 2。在 8 个排列中,1 和 2 不在同一行或同一列,所以答案是  $8 \times 3 + (4! - 8) \times 2 = 56$ 。

对于第二组样例数据,最小 bingo 整数总是 10, 所以答案是  $3! \times 10 = 60$ 。

## Problem J. 社交媒体

在一个社交媒体平台上,用户可以在别人的帖子下方留下评论以发表自己的感想。不过这些评论并非对所有人可见。具体来说,如果用户 C 想要看到用户 A 对用户 B 的帖子的评论,他/她必须同时与 A 和 B 是好友关系。如果用户在自己的帖子下方留下评论,那么他/她的所有好友都能看到这条评论。

作为该平台的活跃用户,您想要看到尽可能多的评论。平台上目前有k名用户(除您以外),编号从 1 到k。平台上还有m条评论,然而您可能无法看到所有评论,因为您只有m位好友。由于您需要参加 2024 ICPC 国际大学生程序设计竞赛亚洲区域赛南京站,您没有时间结交太多新朋友。问:如果您至多新增两位好友,最多可以看到几条评论。

### Input

有多组测试数据。第一行输入一个整数 T 表示测试数据组数。对于每组测试数据:

第一行输入三个整数 n, m 和 k  $(1 \le n \le k \le 2 \times 10^5, 1 \le m \le 2 \times 10^5)$  ,表示您的好友数量,评论的数量,以及平台上的用户数(除您以外)。

第二行输入 n 个不同的整数  $f_1, f_2, \dots, f_n$   $(1 \le f_i \le k)$  表示您在平台上的好友。

对于接下来 m 行,第 i 行输入两个整数  $a_i$  和  $b_i$   $(1 \le a_i, b_i \le k)$  表示用户  $a_i$  在用户  $b_i$  的帖子下留下的一条评论。

保证所有数据 k 之和与 m 之和均不超过  $2 \times 10^5$ 。

### Output

每组数据输出一行一个整数,表示如果您在平台上新增至多两位好友,最多能看到几条评论。

## Example

standard input	standard output
5	9
4 12 7	5
5 7 3 6	1
3 6	1
2 2	1
1 4	
2 4	
1 3	
7 6	
4 1	
5 4	
1 1	
1 1	
2 1	
3 7	
2 7 6	
2 4	
1 2	
3 2	
2 5	
5 4	
2 6	
4 6	
2 6	
1 1 2	
1	
1 2	
2 1 2	
1 2	
1 2	
2 1 100	
24 11	
11 24	

### Note

对于第一组样例数据,您可以和用户1与4成为好友。

对于第二组样例数据,您可以和用户5与6成为好友。

对于第三组样例数据,您可以和用户2成为好友。

对于第四和第五组样例数据,您不需要新增好友,因为您已经可以看到所有评论。

## Problem K. 纸条

有 w 个格子排成一行,从左到右编号从 1 到 w。这些格子中,有 n 个是红色的,m 个是黑色的,剩下的 (w-n-m) 个是白色的。

您需要用一些纸条覆盖所有红色格子。每张纸条必须覆盖 k 个连续的格子。找到覆盖所有红色格子的方式,同时还要满足以下所有限制:

- 每个红色格子都被纸条覆盖。
- 没有黑色格子被纸条覆盖。
- 没有两张纸条覆盖了同一个格子。也就是说,每个格子最多被一张纸条覆盖。
- 使用的纸条数尽可能小。

### Input

有多组测试数据。第一行输入一个整数 T 表示测试数据组数。对于每组测试数据:

第一行输入四个整数 n, m, k 和 w  $(1 \le n, m \le 10^5, 1 \le k \le w \le 10^9, n+m \le w)$ ,表示红色格子的数量,黑色格子的数量,每张纸条的长度和格子的总数。

第二行输入 n 个整数  $a_1, a_2, \dots, a_n$   $(1 \le a_i \le w)$  ,表示格子  $a_i$  是红色的。

第三行输入 m 个整数  $b_1, b_2, \dots, b_m$   $(1 \le b_i \le w)$  ,表示格子  $b_i$  是黑色的。

保证所有给定的 (n+m) 个格子互不相同。同时保证所有数据 n 之和与 m 之和均不超过  $2\times 10^5$ 。

### Output

对于每组数据:

如果可以覆盖所有红色格子,同时满足所有限制,首先输出一行一个整数 c 表示最少使用几张纸条。接下来输出一行 c 个由单个空格分隔的整数  $l_1, l_2, \cdots, l_c$   $(1 \le l_i \le w - k + 1)$  ,其中  $l_i$  表示第 i 张纸条覆盖的最左边的格子。如果有多种合法答案,您可以输出任意一种。

如果无法完成要求,只要输出一行-1。

### Example

standard input	standard output
4	4
5 2 3 16	6 2 14 9
7 11 2 9 14	-1
13 5	2
3 2 4 11	1 4
6 10 2	-1
1 11	
2 1 2 6	
1 5	
3	
2 1 2 6	
1 5	
2	

# Problem L. $P \oplus Q = R$

Alice 想要训练自己解决构造题的能力。所以她的朋友、超级人工智能 Kei、为 Alice 生成了以下问题。

给定一个整数 n,构造两个  $0,1,\ldots,(n-1)$  的排列  $P=p_1,p_2,\cdots,p_n$  和  $Q=q_1,q_2,\cdots,q_n$ ,使得序列  $R=r_1,r_2,\cdots,r_n$  仍然是一个  $0,1,\ldots,(n-1)$  的排列,其中  $r_i=p_i\oplus q_i$ 。这里  $x\oplus y$  表示 x 和 y 按位 异或的结果。

Alice 利用她强大的计算能力解决了这个问题,现在她决定和您分享这个问题。您能解决它吗?

### Input

有多组测试数据。第一行输入一个整数 T 表示测试数据组数。对于每组测试数据:

第一行输入一个整数 n  $(1 \le n \le 2 \times 10^5)$  表示排列的长度。

保证所有数据 n 之和不超过  $2 \times 10^6$ 。

### Output

对于每组数据:

如果存在符合要求的两个排列,首先输出一行 Yes。接下来输出第二行,包含 n 个由单个空格分隔的整数  $p_1, p_2, \ldots, p_n$ 。最后输出第三行,包含 n 个由单个空格分隔的整数  $q_1, q_2, \ldots, q_n$ 。如果有多种合法答案,您可以输出任意一种。

如果不存在符合要求的两个排列,只要输出一行 No。

## Example

standard input	standard output
2	No
3	Yes
4	0 2 1 3
	3 2 0 1

#### Note

对于第二组样例数据,  $R = \{3,0,1,2\}$  仍然是 0,1,2,3 的排列。



## Problem M. 我将如潮水般归来

那维莱特是枫丹的最高审判官,因其无懈可击的「秉公无私」而闻名。作为世界著名游戏《原神》中的可玩角色,他以其强大的蓄力攻击而闻名,该类攻击可以一次性击中特定范围内的敌人。

由于他非常强大,许多玩家在挑战几乎每个任务时都会使用他。然而,提瓦特中并非所有人都对此感到高兴,尤其是其他 ADC(主要输出角色),比如神里绫华、刻晴等。于是,他们决定说服米哈游在游戏中削弱那维莱特。为此,他们必须提交一份关于那维莱特在一些场景下的伤害报告。



基于《原神》官方素材制作

每个战斗场景都发生在一个二维平面上。那维莱特站在 (0,0),最初面朝  $(x_0,y_0)$ ,进行持续 t 单位时间的蓄力攻击,并以每单位时间 1 弧度的速度逆时针旋转。也就是说,那维莱特会在  $2\pi$  单位时间内逆时针转一圈。

考虑从 (0,0) 指向那维莱特面朝方向的射线,攻击范围是距离射线最多为 d 的点的集合。如果目标(一个凸多边形)与攻击范围有公共点,它将每单位时间受到 1 点持续伤害。

作为一名经验丰富的程序员,您被绫华召唤。这次,您的任务是计算目标在前 t 单位时间内所遭受的伤害。

#### Input

每个测试文件仅有一组测试数据。

第一行输入五个整数 n,  $x_0$ ,  $y_0$ , d 和 t  $(3 \le n \le 100, -10^4 \le x_0, y_0 \le 10^4, x_0^2 + y_0^2 > 0$ ,  $1 \le d, t \le 10^4)$ 。 对于接下来 n 行,第 i 行输入两个整数  $x_i$  和  $y_i$   $(-10^4 \le x_i, y_i \le 10^4)$ ,表示凸多边形第 i 个顶点的坐标。

所有 n 个顶点按逆时针顺序给出,并且任意三个顶点不共线。另外保证该形状与以 (0,0) 为中心、半径为 d 的圆没有公共点。也就是说,不存在一个点既在凸多边形的内部或边界上,同时又在圆的内部或边界上。

## Output

输出一行一个实数,表示目标在前 t 单位时间内所遭受的伤害。

如果您的答案的绝对误差或相对误差不超过  $10^{-6}$ ,则将被视为正确。更正式地,假设您的输出为 a,标准答案为 b,当且仅当  $\frac{|a-b|}{\max(1,|b|)} \le 10^{-6}$  时,您的输出才会被接受。

# Examples

standard input	standard output
3 1 0 1 1	1.00000000000
1 2	
2 1	
2 2	
3 1 0 1 2	1.570796326795
1 2	
2 1	
2 2	
3 1 0 1 10000	2500.707752257475
1 2	
2 1	
2 2	

## Note

下图同时展示了各个样例数据的初始状态。

